

Programiranje 2

Bitovski operatori

Milena Vujošević Janičić
Jelena Graovac

`www.matf.bg.ac.rs/~milena`
`www.matf.bg.ac.rs/~jgraovac`

Beograd, 20. februar, 2020.

Pregled

- 1 Bitovski operatori
- 2 Literatura

Pregled

- 1 Bitovski operatori
 - Operatori i njihove osobine
 - Maske
- 2 Literatura

Operatori za rad nad bitovima

- C podržava naredne operatore za rad nad pojedinačnim bitovima, koji se mogu primenjivati samo na celobrojne argumente
 - \sim bitovska negacija;
 - $\&$ bitovska konjunkcija;
 - $|$ bitovska disjunkcija;
 - \wedge bitovska ekskluzivna disjunkcija;
 - \ll pomeranje (šiftovanje) bitova ulevo;
 - \gg pomeranje (šiftovanje) bitova udesno;
 - $\&=$, $|=$, $\wedge=$, $\gg=$, $\ll=$ – bitovske dodele — ovi operatori kombinuju bitovske operatore sa dodelom

Operatori za rad nad bitovima

- C podržava naredne operatore za rad nad pojedinačnim bitovima, koji se mogu primenjivati samo na celobrojne argumente
 - \sim bitovska negacija;
 - $\&$ bitovska konjunkcija;
 - $|$ bitovska disjunkcija;
 - \wedge bitovska ekskluzivna disjunkcija;
 - \ll pomeranje (šiftovanje) bitova ulevo;
 - \gg pomeranje (šiftovanje) bitova udesno;
 - $\&=$, $|=$, $\wedge=$, $\gg=$, $\ll=$ – bitovske dodele — ovi operatori kombinuju bitovske operatore sa dodelom

Prioritet operatora i asocijativnost

1. (), []	sleva nadesno
2. !, ~, ++, --, +, -, *, &, (tip)	zdesna nalevo
3. *, /, %	sleva nadesno
4. +, -	sleva nadesno
5. <<, >>	sleva nadesno
6. <, <=, >, >=	sleva nadesno
7. ==, !=	sleva nadesno
8. &	sleva nadesno
9. ^	sleva nadesno
10.	sleva nadesno
11. &&	sleva nadesno
12.	sleva nadesno
13. ?:	zdesna ulevo
14. =, +=, -=, /=, %=, &=, ^=, =, <<=, >>=	zdesna ulevo
15. ,	sleva nadesno

Prioritet operatora

- Kao unarni operator, operator \sim ima najveći prioritet i desno je asocijativan.
- Prioritet operatora pomeranja je najveći od svih binarnih bitovskih operatora — nalazi se između prioriteta aritmetičkih i relacijskih operatora.
- Ostali bitovski operatori imaju prioritet između relacijskih i logičkih operatora
- $\&$ ima veći prioritet od \sim koji ima veći prioritet od $|$. Ovi operatori imaju levu asocijativnost.
- Operatori dodele imaju skoro najniži prioritet i desnu asocijativnost

Bitovski operatori

A	B	$A \wedge B$
0	0	
0	1	
1	0	
1	1	

A	B	$A \vee B$
0	0	
0	1	
1	0	
1	1	

A	B	$A \underline{\vee} B$
0	0	
0	1	
1	0	
1	1	

A	$\neg A$
0	
1	

Bitovski operatori

A	B	$A \wedge B$
0	0	0
0	1	
1	0	
1	1	

A	B	$A \vee B$
0	0	
0	1	
1	0	
1	1	

A	B	$A \underline{\vee} B$
0	0	
0	1	
1	0	
1	1	

A	$\neg A$
0	
1	

Bitovski operatori

A	B	$A \wedge B$
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1

A	B	$A \vee B$
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	1

A	B	$A \underline{\vee} B$
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0

A	$\neg A$
0	1
1	0

Bitovski operatori

A	B	$A \wedge B$
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1

A	B	$A \vee B$
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	1

A	B	$A \underline{\vee} B$
0	0	1
0	1	0
1	0	0
1	1	1

A	$\neg A$
0	1
1	0

Bitovski operatori

A	B	$A \wedge B$
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1

A	B	$A \vee B$
0	0	
0	1	
1	0	
1	1	

A	B	$A \underline{\vee} B$
0	0	
0	1	
1	0	
1	1	

A	$\neg A$
0	
1	

Bitovski operatori

A	B	$A \wedge B$
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1

A	B	$A \vee B$
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	1

A	B	$A \underline{\vee} B$
0	0	1
0	1	0
1	0	0
1	1	1

A	$\neg A$
0	1
1	0

Bitovski operatori

A	B	$A \wedge B$
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1

A	B	$A \vee B$
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	1

A	B	$A \underline{\vee} B$
0	0	
0	1	
1	0	
1	1	

A	$\neg A$
0	
1	

Bitovski operatori

A	B	$A \wedge B$
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1

A	B	$A \vee B$
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	1

A	B	$A \underline{\vee} B$
0	0	
0	1	
1	0	
1	1	

A	$\neg A$
0	
1	

Bitovski operatori

A	B	$A \wedge B$
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1

A	B	$A \vee B$
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	1

A	B	$A \underline{\vee} B$
0	0	
0	1	
1	0	
1	1	

A	$\neg A$
0	
1	

Bitovski operatori

A	B	$A \wedge B$
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1

A	B	$A \vee B$
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	1

A	B	$A \underline{\vee} B$
0	0	0
0	1	
1	0	
1	1	

A	$\neg A$
0	
1	

Bitovski operatori

A	B	$A \wedge B$
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1

A	B	$A \vee B$
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	1

A	B	$A \underline{\vee} B$
0	0	0
0	1	1
1	0	
1	1	

A	$\neg A$
0	
1	

Bitovski operatori

A	B	$A \wedge B$
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1

A	B	$A \vee B$
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	1

A	B	$A \underline{\vee} B$
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	1

A	$\neg A$
0	1
1	0

Bitovski operatori

A	B	$A \wedge B$
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1

A	B	$A \vee B$
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	1

A	B	$A \underline{\vee} B$
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0

A	$\neg A$
0	1
1	0

Bitovski operatori

A	B	$A \wedge B$
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1

A	B	$A \vee B$
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	1

A	B	$A \underline{\vee} B$
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0

A	$\neg A$
0	1
1	0

Bitovski operatori

A	B	$A \wedge B$
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1

A	B	$A \vee B$
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	1

A	B	$A \underline{\vee} B$
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0

A	$\neg A$
0	1
1	0

Bitovsko i

- `&` – bitovsko i — primenom ovog operatora vrši se konjunkcija pojedinačnih bitova dva argumenta — i-ti bit rezultata predstavlja konjunkciju i-tih bitova argumenata.

Primer

```
207 & 63 = 15
```

```
000000000000000000000000011001111 <---207
& 0000000000000000000000000111111 <---63
=====
00000000000000000000000001111 <---15
```

Bitovsko ili

- | – bitovsko ili — primenom ovog operatora vrši se disjunkcija pojedinačnih bitova dva argumenta — i -ti bit rezultata predstavlja disjunkciju i -tih bitova argumenata.

Primer

207 | 63 = 255

000000000000000000000000011001111 <---207

| 0000000000000000000000000111111 <---63

=====

000000000000000000000000011111111 <---255

Bitovska negacija

- \sim – jedinični komplement — primenom ovog operatora vrši se komplementiranje pojedinačnih bitova argumenta — i -ti bit rezultata predstavlja komplement i -tog bita argumenta

Primer

$\sim 63 = -64$ (jer je u pitanju celobrojna oznacena konstanta)

```
00000000000000000000000000000000111111 <--- 63  
=====
```

```
11111111111111111111111111111000000 <--- -64
```

Bitovsko xor

- \wedge – bitovsko xor — primenom ovog operatora vrši se ekskluzivna disjunkcija pojedinačnih bitova dva argumenta — i-ti bit rezultata predstavlja ekskluzivna disjunkcija i-tih bitova argumenata.

Primer

$$207 \wedge 63 = 240$$

```
0000000000000000000000000011001111 <---207
^ 0000000000000000000000000000111111 <---63
=====
0000000000000000000000000011110000 <---240
```

Šiftovanje u levo

- \ll – levo pomeranje (šiftovanje) — primenom ovog operatora bitovi prvog argumenta se pomeraju u levo za broj pozicija naveden kao drugi argument. Početni bitovi prvog argumenta se zanemaruju, dok se na završna mesta rezultata upisuju nule.

Primer

```
63 << 3 = 504
```

```
00000000000000000000000000000000000000000000111111 <--- 63  
===== << 3  
00000000000000000000000000000000000000000000111111000 <--- 504
```

- Levo pomeranje za jednu poziciju odgovara množenju sa dva.
- Levo pomeranje za n pozicija odgovara množenju sa n -tim stepenom dvojke.

Šiftovanje u desno

- \gg — desno pomeranje (šiftovanje) — primenom ovog operatora bitovi prvog argumenta se pomeraju u desno za broj pozicija naveden kao drugi argument.
- Krajnji (desni) bitovi prvog argumenta se zanemaruju
- Početni (levi) bitovi prvog argumenta:
 - logičko pomeranje — popunjavaju se nulama
 - aritmetičko pomeranje — popunjavanje bitovima znaka
- Aritmetičko pomeranje za jedno mesto — deljenje sa dva

Šiftovanje u desno

- Koje pomeranje će se vršiti zavisi od tipa prvog argumenta:
 - neoznačen tip — logičko pomeranje
 - označen tip — aritmetičko pomeranje

Primer

```
63 >> 3 = 7
```

```
00000000000000000000000000000000000000000000000000000000000000000000111111  <--- 63  
===== >> 3  
00000000000000000000000000000000000000000000000000000000000000000000111  <--- 7
```

Napomena

- Bitovske operatore ne treba mešati sa logičkim operatorima.
- Na primer, vrednost izraza `1 && 2` je 1 (tačno i tačno je tačno) dok je vrednost izraza `1&2` jednaka 0

$$1 \& 2 = 0$$

```
000000000000000000000000000000000001 <--- 1
& 000000000000000000000000000000000010 <--- 2
=====
000000000000000000000000000000000000 <--- 0
```

Primena bitovskih operatora

- Kako bi se postigao željeni efekat nad bitovima nekog broja, običaj je da se vrši njegovo kombinovanje bitovskim operatorima sa specijalno pripremljenim konstantama koje se nazivaju **maske**.
- Za građenje maski koriste se osobine bitovskih operatora

Primena bitovskog i

- Osobina konjunkcije je da je za svaki bit b , vrednost $b \& 0$ jednaka 0, dok je vrednost $b \& 1$ jednaka b .
- Ovo znači da se konjunkcijom sa nekom maskom dobija rezultat koji je jednak broju koji se dobije kada se u broj x upišu nule na sve one pozicije na kojima maska ima bit 0, dok ostali bitovi ostaju neizmenjeni.

Primena bitovskog i

Primer

Napisati naredbu koja na i -to mesto broja n postavlja bit 0, dok ostali bitovi ostaju nepromenjeni.

Rešenje:

Potrebno je uraditi bitovsko $\&$ sa maskom koja se sastoji od svih jedinica, a jedino na i -tom mestu je bit nula.

Primena bitovskog i

Primer

Napisati naredbu koja na i -to mesto broja n postavlja bit 0, dok ostali bitovi ostaju nepromenjeni.

Rešenje:

Potrebno je uraditi bitovsko $\&$ sa maskom koja se sastoji od svih jedinica, a jedino na i -tom mestu je bit nula. Ova maska se dobija negacijom maske koja sadrži sve nule, a na i -tom mestu jedinicu.

Primena bitovskog i

Primer

Napisati naredbu koja na i -to mesto broja n postavlja bit 0, dok ostali bitovi ostaju nepromenjeni.

Rešenje:

Potrebno je uraditi bitovsko $\&$ sa maskom koja se sastoji od svih jedinica, a jedino na i -tom mestu je bit nula. Ova maska se dobija negacijom maske koja sadrži sve nule, a na i -tom mestu jedinicu.

Maska koja sadrži na i -tom mestu jedinicu može se dobiti pomeranjem broja 1 za i mesta u levo.

Kôd:

Primena bitovskog i

Primer

Napisati naredbu koja na i -to mesto broja n postavlja bit 0, dok ostali bitovi ostaju nepromenjeni.

Rešenje:

Potrebno je uraditi bitovsko & sa maskom koja se sastoji od svih jedinica, a jedino na i -tom mestu je bit nula. Ova maska se dobija negacijom maske koja sadrži sve nule, a na i -tom mestu jedinicu. Maska koja sadrži na i -tom mestu jedinicu može se dobiti pomeranjem broja 1 za i mesta u levo.

Kôd:

```
n & (~ (1 << i))
```

Primena bitovskog i

Primer

Napisati naredbu koja na i -to mesto broja n postavlja bit 0, dok ostali bitovi ostaju nepromenjeni.

Rešenje:

Potrebno je uraditi bitovsko & sa maskom koja se sastoji od svih jedinica, a jedino na i -tom mestu je bit nula. Ova maska se dobija negacijom maske koja sadrži sve nule, a na i -tom mestu jedinicu. Maska koja sadrži na i -tom mestu jedinicu može se dobiti pomeranjem broja 1 za i mesta u levo.

Kôd:

```
n & (~ (1 << i))
```

Primena bitovskog ili

- Osobina disjunkcije je da je za svaki bit b , vrednost $b \mid 0$ jednaka b , dok je vrednost $b \mid 1$ jednaka 1.
- Dakle, disjunkcijom broja x sa nekom maskom dobija se rezultat u kojem su upisane jedinice na sve one pozicije na kojima maska ima bit 1, dok ostali bitovi ostaju neizmenjeni.

Primena bitovskog ili

Primer

Napisati naredbu koja na i -to mesto broja n postavlja bit 1, dok ostali bitovi ostaju nepromenjeni.

Rešenje:

Potrebno je uraditi bitovsko $|$ sa maskom koja se sastoji od svih nula, a jedino na i -tom mestu je bit 1.

Primena bitovskog ili

Primer

Napisati naredbu koja na i -to mesto broja n postavlja bit 1, dok ostali bitovi ostaju nepromenjeni.

Rešenje:

Potrebno je uraditi bitovsko | sa maskom koja se sastoji od svih nula, a jedino na i -tom mestu je bit 1. Maska koja sadrži na i -tom mestu jedinicu može se dobiti pomeranjem broja 1 za i mesta u levo.

Kôd:

Primena bitovskog ili

Primer

Napisati naredbu koja na i -to mesto broja n postavlja bit 1, dok ostali bitovi ostaju nepromenjeni.

Rešenje:

Potrebno je uraditi bitovsko `|` sa maskom koja se sastoji od svih nula, a jedino na i -tom mestu je bit 1. Maska koja sadrži na i -tom mestu jedinicu može se dobiti pomeranjem broja 1 za i mesta u levo.

Kôd:

```
n | (1 << i)
```

Primena bitovskog ili

Primer

Napisati naredbu koja na i -to mesto broja n postavlja bit 1, dok ostali bitovi ostaju nepromenjeni.

Rešenje:

Potrebno je uraditi bitovsko | sa maskom koja se sastoji od svih nula, a jedino na i -tom mestu je bit 1. Maska koja sadrži na i -tom mestu jedinicu može se dobiti pomeranjem broja 1 za i mesta u levo.

Kôd:

```
n | (1 << i)
```

Primena bitovskog xor

- Osobina ekskluzivne disjunkcije je da za svaki bit b , vrednost $b \wedge 0$ jednaka b , dok je vrednost $b \wedge 1$ jednaka $\sim b$.
- Ovo znači da se ekskluzivnom disjunkcijom sa nekom maskom dobija rezultat koji je jednak broju koji se dobije kada se invertuju bitovi na onim pozicijama na kojima se u maski nalazi jedinica.

Primena bitovskog xor

Primer

Napisati naredbu koja invertuje bit na i -tom mestu broja n .

Rešenje:

Potrebno je uraditi bitovsko \wedge sa maskom koja se sastoji od svih nula, a jedino na i -tom mestu je bit 1. Maska koja sadrži na i -tom mestu jedinicu može se dobiti pomeranjem broja 1 za i mesta u levo.

Primena bitovskog xor

Primer

Napisati naredbu koja invertuje bit na i -tom mestu broja n .

Rešenje:

Potrebno je uraditi bitovsko \wedge sa maskom koja se sastoji od svih nula, a jedino na i -tom mestu je bit 1. Maska koja sadrži na i -tom mestu jedinicu može se dobiti pomeranjem broja 1 za i mesta u levo.

Kôd:

```
n ^ (1 << i)
```

Primena bitovskog xor

Primer

Napisati naredbu koja invertuje bit na i -tom mestu broja n .

Rešenje:

Potrebno je uraditi bitovsko \wedge sa maskom koja se sastoji od svih nula, a jedino na i -tom mestu je bit 1. Maska koja sadrži na i -tom mestu jedinicu može se dobiti pomeranjem broja 1 za i mesta u levo.

Kôd:

```
n ^ (1 << i)
```

Bitovski operatori - osnovna pravila

- Ukoliko želimo da u okviru broja postavimo nule na neke izabrane pozicije, radimo bitovsko i sa maskom koja sadrži nule na mestima gde želimo da postavimo nulu, a na svim ostalim mestima maska treba da sadrži jedinice
- Ukoliko želimo da u okviru broja postavimo jedinice na neke izabrane pozicije, radimo bitovsko ili sa maskom koja sadrži jedinice na mestima gde želimo da postavimo jedinice, a na svim ostalim mestima maska treba da sadrži nule
- Ukoliko želimo da invertujemo bitove na određenim pozicijama, radimo bitovsku ekskluzivnu disjunkciju sa maskom koja sadrži jedinice na mestu gde želimo da radimo invertovanje, a na svim ostalim mestima maska treba da sadrži nule

Pregled

- 1 Bitovski operatori
- 2 Literatura

- Slajdovi su pripremljeni na osnovu knjiga:
Filip Marić, Predrag Janičić: Programiranje 1
Predrag Janičić, Filip Marić: Programiranje 2
- Za pripremu ispita, slajdovi nisu dovoljni, neophodno je učiti iz knjige!